Modelli approssimati: semplificazione di poli e zeri



Figura 1: (a) Risposte al gradino di G(s) (linea continua) e $G_a(s)$ (a tratti). (b) Risposte all'ingresso u(t) = 10 sen 30t di G(s) (linea continua) e $G_a(s)$ (a tratti).



Figura 2: Diagrammi di Bode di G(s) (linea continua) e $G_a(s)$ (a tratti).

Modelli approssimati: semplificazione di poli e zeri



Figura 3: Risposte al gradino di G(s) (linea continua) e $G_a(s)$ (a tratti).



Figura 4: Diagrammi di Bode di G(s) (linea continua) e $G_a(s)$ (a tratti).

Modelli approssimati: semplificazione di poli e zeri

$$G(s) = \frac{\left(1 + 105\,s\right)\left(1 + \frac{1.4}{0.05}s + \frac{1}{0.05^2}s^2\right)}{\left(1 + 100\,s\right)\left(1 + \frac{1.4}{0.04}s + \frac{1}{0.04^2}s^2\right)\left(1 + s\right)} \quad \Longrightarrow \quad G_a(s) = \frac{1}{1 + s}$$



Figura 5: Risposte al gradino di G(s) (linea continua) e $G_a(s)$ (a tratti).



Figura 6: Diagrammi di Bode di ${\cal G}(s)$ (linea continua) e ${\cal G}_a(s)$ (a tratti).

Modelli approssimati: poli dominanti



Figura 7: Risposte al gradino di G(s) (linea continua) e $G_a(s)$ (a tratti).



Figura 8: Diagrammi di Bode di G(s) (linea continua) e $G_a(s)$ (a tratti).

Approssimanti di sistemi impropri

$$G(s) = s \implies G_a(s) = \frac{s}{1+Ts}$$



Figura 9: Diagrammi di Bode del derivatore ideale (linea continua) e di $G_a(s)$ con T = 0.1 (a tratti).



Figura 10: Diagrammi di Bode del derivatore ideale (linea continua) e di $G_a(s)$ con T = 0.01 (a tratti).



Figura 11: Risposte al gradino di G(s) (linea continua), $G_{a1}(s)$ (a tratti) e $G_{a2}(s)$ (tratto e punto). $G_{a1}(s)$: metodo della tangente (Ziegler e Nichols), $G_{a2}(s)$: metodo proposto da Miller.



Figura 12: Diagrammi di Bode di G(s) (linea continua), $G_{a1}(s)$ (a tratti) e $G_{a2}(s)$ (tratto e punto).

$$G(s) = \frac{1}{(1+s)^5} \implies G_{a1}(s) = \frac{e^{-2.1s}}{1+5.12s}, \quad G_{a2}(s) = \frac{e^{-2.62s}}{1+2.385s}$$

Figura 13: Risposte al gradino di G(s) (linea continua), $G_{a1}(s)$ (a tratti) e $G_{a2}(s)$ (tratto e punto). $G_{a1}(s)$: metodo della tangente, $G_{a2}(s)$: metodo delle aree.



Figura 14: Diagrammi di Bode di G(s) (linea continua), $G_{a1}(s)$ (a tratti) e $G_{a2}(s)$ (tratto e punto).

$$G(s) = \frac{1-s}{(1+2s)(1+0.5s)} \implies G_{a1}(s) = \frac{e^{-1.22s}}{1+2.67s}, \quad G_{a2}(s) = \frac{e^{-1.2s}}{1+2.3s}$$



Figura 15: Risposte al gradino di G(s) (linea continua), $G_{a1}(s)$ (a tratti) e $G_{a2}(s)$ (tratto e punto). $G_{a1}(s)$: metodo della tangente, $G_{a2}(s)$: metodo delle aree.



Figura 16: Diagrammi di Bode di G(s) (linea continua), $G_{a1}(s)$ (a tratti) e $G_{a2}(s)$ (tratto e punto).



Figura 17: Risposte al gradino di G(s) (linea continua) e $G_a(s)$ (a tratti).



Figura 18: Diagrammi di Bode di G(s) (linea continua) e $G_a(s)$ (a tratti).

Sistemi con ritardo: approssimanti di Padé

$$G(s) = e^{-s} \implies G_I(s) = \frac{1 - 0.5 \, s}{1 + 0.5 \, s}, \quad G_{II}(s) = \frac{1 - 0.5 \, s + \frac{s^2}{12}}{1 + 0.5 \, s + \frac{s^2}{12}}$$



Figura 19: Diagrammi di Bode delle fasi di G(s) (linea continua), $G_I(s)$ (a tratti) e $G_{II}(s)$ (tratto e punto).

Identificazione parametrica: metodo dei minimi quadrati







Figura 21: Stima di una retta.

Stima di un modello ARX

$$y(t) - 0.6 y(t-1) + 0.3 y(t-2) = 0.5 u(t-1) + 0.3 u(t-2) + e(t)$$



Figura 22: Ingresso u(t) applicato.



Figura 23: Sequenza di rumore e(t).



Figura 24: Uscita in assenza di rumore.



Figura 25: Uscita rumorosa y(t).

Modello identificato:

 $a_1 = -0.6072$ $a_2 = 0.3255$ $b_1 = 0.5581$ $b_2 = 0.2541$